

2023 年成人高等学校招生全国统一考试高起专 数学(文)

(回忆版真题)

一、选择题：(本大题 17 小题，每小题 5 分，共 85 分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。)

1. 设集合  $M = \{x \in \mathbb{R} | x^2 = 1\}$ ,  $N = \{x \in \mathbb{R} | x^3 = 1\}$ , 则  $M \cap N =$

A. {1} B. {-1} C. {-1, 1} D.  $\emptyset$

2. 函数  $y = \sin(x + 11)$  的最大值

A. 11 B. 1 C. -1 D. -11

3. 设  $\alpha$  是第一象限角,  $\sin \alpha = \frac{1}{3}$ , 则  $\sin 2\alpha =$

A.  $\frac{4}{9}$  B.  $\frac{\sqrt{2}}{3}$

4.

5.

1. 下列函数中，为增函数的是 (A)

A.  $y = x^3$

B.  $y = x^2$

C.  $y = -x^2$

D.  $y = -x^3$

1. 已知点  $M(1, 2)$ ,  $N(2, 3)$ , 则直线  $MN$  的斜率为 (C)

A.  $\frac{5}{3}$

B. 1

C. -1

D.  $-\frac{5}{3}$

1. 如果点  $A(1, 1)$  和  $B(2, 4)$  关于直线  $y = kx + b$  对称, 则  $k =$  ( )

A. -3

B.  $-\frac{1}{3}$

C.  $\frac{1}{3}$

D. 3

1. 若向量  $\mathbf{a} = (1, -1)$ ,  $\mathbf{b} = (1, x)$  且  $|\mathbf{a} + \mathbf{b}| = 2$ , 则  $x =$  (C)

A. -4

B. -1

C. 1

D. 4

1. 设  $0 < \alpha < \frac{11}{4}$ , 则  $\sqrt{1 - 2\sin\alpha\cos\alpha} =$  (C)

A.  $\sin\alpha + \cos\alpha$

B.  $-\sin\alpha - \cos\alpha$

C.  $\sin\alpha - \cos\alpha$

D.  $\cos\alpha - \sin\alpha$

1. 设  $f(x) = x^3 + ax^2 + x$  为奇函数, 则  $a =$  (B)

A. 1

B. 0

C. -1

D. -2

1. 在等比数列  $\{a_n\}$  中,  $a_2 = 1$ , 公比  $q = 2$ , 则  $a_5 =$

A.  $-\frac{1}{8}$

B.  $\frac{1}{4}$

C. 4

D. 8

1. 函数  $y = -a^2 + 2x$  的值域是

A.  $[0, +\infty)$

B.  $[1, +\infty)$

C.  $(-\infty, 1]$

D.  $(-\infty, 0]$

14. 一批产品

15.

16.

17.

二、填空题 (本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分)

18. 过点  $(2, 0)$  作图  $x^2 + y^2 = 16$  的切线, 切点的横坐标为

19. 曲线  $y = x^{\frac{1}{2}}$  在点 (1, 1) 处的切线方程是  $2X+Y-3=0$

20. 函数  $y = -x^2 + ax$  图像的对称轴为  $x=2$ , 则  $a =$

21. 九个学生期末考试的成绩为 79, 63, 88, 94, 99, 77, 89, 81, 85, 这九个学生成绩中的中位数为 **85**

三、解答题：（本大题共 4 小题，共 49 分，解答应写定推理、演算步骤）。

1. 记  $\triangle ABC$  的角 A, B, C 的对边分别为 a, b, c, 已知  $B=60^\circ$ ,  $b^2=ac$ , 求 A

2. 已知等差数列  $\{a_n\}$  中,  $a_1 + a_3 + a_5 = 6$ ,  $a_2 + a_4 + a_6 = 12$ , 求  $\{a_n\}$  的首项与公差

24. 已知抛物线 C:  $y^2 = 2px$  ( $p > 0$ ) 的焦点到准线的距离为 1

(1) 求 C 的方程

(2) 若 A (1, m) ( $m > 0$ ) 为 C 上一点, O 为坐标原点, 求 C 上另一点 B 的坐标, 使得  $OA \perp OB$

25. 已知函数  $f(x) = (x-4)(x^2-a)$

(1) 求  $f'(x)$

(2)  $f'(-1) = 8$ , 求  $f(x)$  在区间  $[0, 4]$  的最大值与最小值